

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



وليد دخيل

الملف نماذج اختبارات سابقة مع تمارين إضافية وتوقعات للاختبار النهائي (نسخة محلولة)

[موقع المناهج](#) ← [المناهج الكويتية](#) ← [الصف العاشر](#) ← [رياضيات](#) ← [الفصل الأول](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف العاشر



روابط مواد الصف العاشر على تلغرام

[الرياضيات](#)

[اللغة الانجليزية](#)

[اللغة العربية](#)

[التربية الاسلامية](#)

المزيد من الملفات بحسب الصف العاشر والمادة رياضيات في الفصل الأول

مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	1
اوراق عمل للكورس الاول في مادة الرياضيات	2
حل كراسة التطبيقات في مادة الرياضيات	3
اسئلة اخبارات واحابتها النموذجية في مادة الرياضيات	4
مذكرة ممتازة في مادة الرياضيات	5



قسم الرياضيات

شعارنا...
نحو تعليم أفضل

اختبارات سابقة + تمارين إضافية
الصف العاشر الثانوي

التوقعات

العام الدراسي ٢٠٢٢ / ٢٠٢٣ م

إعداد

أ / وليد دخيل

مدير المدرسة

أ / محمد عباس آل عباس

الموجه الفني

أ / محمد المجرن

رئيس قسم الرياضيات

أ / حمدي قنديل

الوحدة الأولى

٢٠٢٢/٢٠٢١ م

أوجد مجموعة حل المعادلة : $|1 + س| = |٣ - س|$

الحل

$$٢ - س = ٣ - س$$

$$٣ + ١ - = س + س$$

$$٢ = س$$

$$\frac{٢}{٣} = \frac{س}{٣}$$

$$\frac{٢}{٣} = س$$

$$١ + س = ٣ - س$$

$$٣ + ١ = س - س$$

$$٤ = س$$

$$٢.٣ = ٤.٦ = \frac{٢}{٣}$$

٢٠٢٠/٢٠١٩ م

أوجد مجموعة حل : $|٤ + س٣| = |٢ + س٥|$

٢٠١٦/٢٠١٥ م

أوجد مجموعة حل : $|٣ + ص٢| = |٥ - ص|$

٢٠١٥/٢٠١٤ م

أوجد مجموعة حل المعادلة : $|٢ - س| = |١ - س٢|$

أوجد مجموعة حل المتباينة $5 - 2x > 3$ و $5 + x > 3$ ومثل الحلول بيانيًا على خط الأعداد

الحل

تمرين اضافي

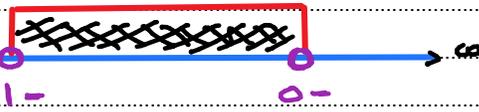
$$5 - 2x > 3 \quad \text{و} \quad 5 + x > 3$$

$$2 - > \text{و} \quad 2 > 1 -$$

$$\frac{2 -}{2} > \text{و} \quad \frac{2}{2} > \frac{1 -}{2}$$

$$1 - > \text{و} \quad 5 -$$

$$(5 - 6 | -) = 2 \cdot 2$$



أوجد مجموعة حل المتباينة $3 - 1 \geq 2x - 3$ و $3 > 2x - 1$ ومثل الحلول بيانيًا على خط الأعداد

الحل

تمرين اضافي

$$1 - 3 > \text{و} \quad 2 - 1 - 1 \geq 1 - 3 -$$

$$2 > \text{و} \quad 2 - \geq 4 -$$

$$\frac{2}{2} > \text{و} \quad \frac{2 -}{2} \geq \frac{4 -}{2}$$

$$2 \geq x > 1 - \quad \Leftrightarrow \quad \text{نظامي} \quad 1 - < x \leq 2$$



$$[2 \text{ } 6 | -) = 2 \cdot 2$$

أوجد مجموعة حل المتباينة: $2|3 - x| - 4 < 0$ ومثل الحل على خط الأعداد

تمرين اضافي

$$2|3 - x| - 4 < 0$$

$$2|3 - x| < 4$$

$$|3 - x| < 2$$

$$-2 < 3 - x < 2$$

$$-2 - 3 < -x < 2 - 3$$

$$-5 < -x < -1$$

$$5 > x > 1$$

$$1 < x < 5$$

$$2|3 - x| - 4 < 0$$

$$2|3 - x| < 4$$

$$|3 - x| < 2$$

$$-2 < 3 - x < 2$$

$$-5 < -x < -1$$

$$5 > x > 1$$

$$1 < x < 5$$

$$(1, 5) \cup (-\infty, -1) = \mathbb{R}$$

أوجد مجموعة حل المتباينة: $3 + |6 - x| > 10$ ، ومثل الحل على خط الأعداد

تمرين اضافي

$$3 + |6 - x| > 10$$

$$|6 - x| > 7$$

$$6 - x > 7 \text{ or } 6 - x < -7$$

$$-1 > -x > -13$$

$$1 < x < 13$$

$$1 < x < 13$$

$$1 < x < 13$$



$$(1, 13) = \mathbb{R}$$

تمرين اضافي

اوجد مجموعة حل المعادلة: $8 = |3 + 5x|$

حل

$$8 = 3 + 5x$$

$$3 - 8 = 5x$$

$$-5 = 5x$$

$$\frac{-5}{5} = \frac{5x}{5}$$

$$\frac{-5}{5} = x$$

$$8 = 3 + 5x$$

$$3 - 8 = 5x$$

$$-5 = 5x$$

$$\frac{-5}{5} = \frac{5x}{5}$$

$$-1 = x$$

$$\left\{ \frac{-5}{5}, -1 \right\} = \text{ج.س}$$

تمرين اضافي

اوجد مجموعة حل المعادلة: $11 = 5 - |3 + 2x|$

حل

$$0 + 11 = |3 + 2x|$$

$$16 = |3 + 2x|$$

$$\frac{16}{4} = \frac{|3 + 2x|}{4}$$

$$4 = |3 + 2x|$$

$$4 = 3 + 2x$$

$$3 - 4 = 2x$$

$$-1 = 2x$$

$$\frac{-1}{2} = \frac{2x}{2}$$

$$\frac{-1}{2} = x$$

$$4 = 3 + 2x$$

$$3 - 4 = 2x$$

$$-1 = 2x$$

$$\frac{-1}{2} = \frac{2x}{2}$$

$$\frac{-1}{2} = x$$

$$\left\{ \frac{-1}{2}, \frac{-1}{2} \right\} = \text{ج.س}$$

أوجد مجموعة حل المعادلة: $|x - 1| = x + 1$

الحل:

تمرين اضافي

شروط الحل:

$$x + 1 \geq 0$$

$$x \geq -1$$



$$x \in [-1, \infty)$$

$$x - 1 = x + 1$$

$$x - x + 1 = x + x + 1$$

$$1 = 2x + 1$$

$$0 = 2x$$

$$x = 0$$

$$x - 1 = -(x + 1)$$

$$x - 1 = -x - 1$$

$$2x = 0$$

$$x = 0$$

$$x \in \{0\}$$

$$x = 0 \text{ or } x = \frac{2}{3}$$

استخدام دالة المربع والانسحاب لرسم الدالة: $|x - 2| = x + 1$

الحل:

تمرين اضافي

دالة المربع:

$$x = x + 1$$

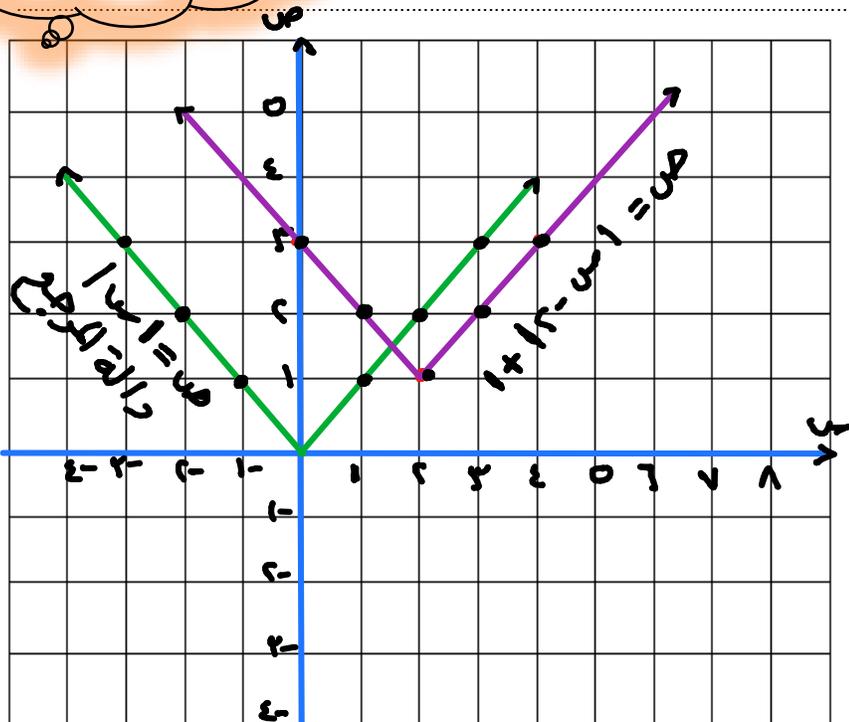
الانسحاب

(-): تعني انسحاب دالة

المربع وحدتين لليمين

(+): تعني انسحاب دالة

المربع وحدة واحدة لأعلى



استخدام دالة المرجع والانسحاب لرسم الدالة: $v = -|s + 3| + 2$

الحل

دالة المرجع:

$$v = -|s + 3| + 2$$

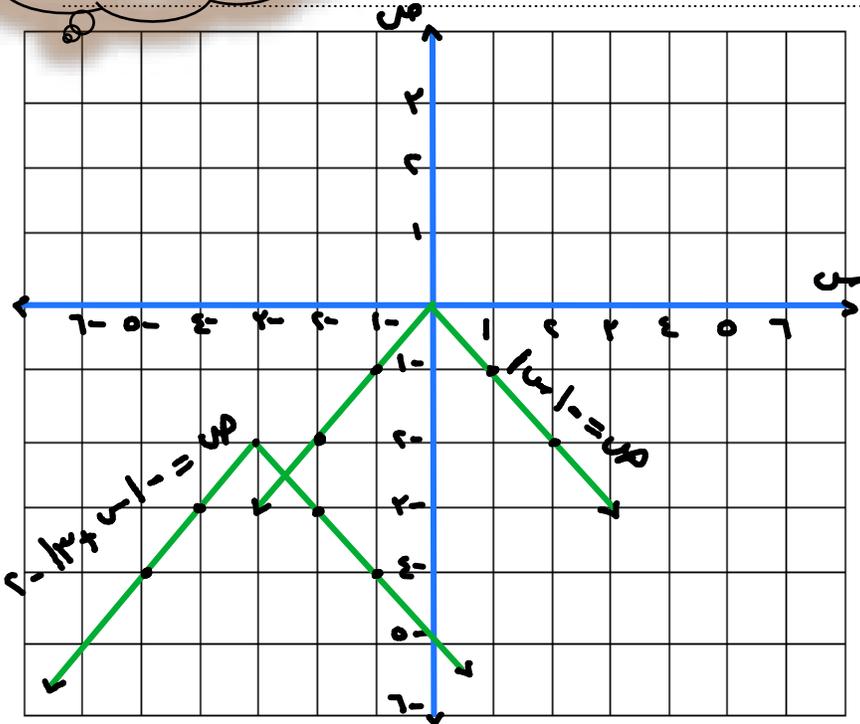
الانسحاب

(٣+) : تفني أنسحاب دالة

المرجع ٣ وحدات لليسار

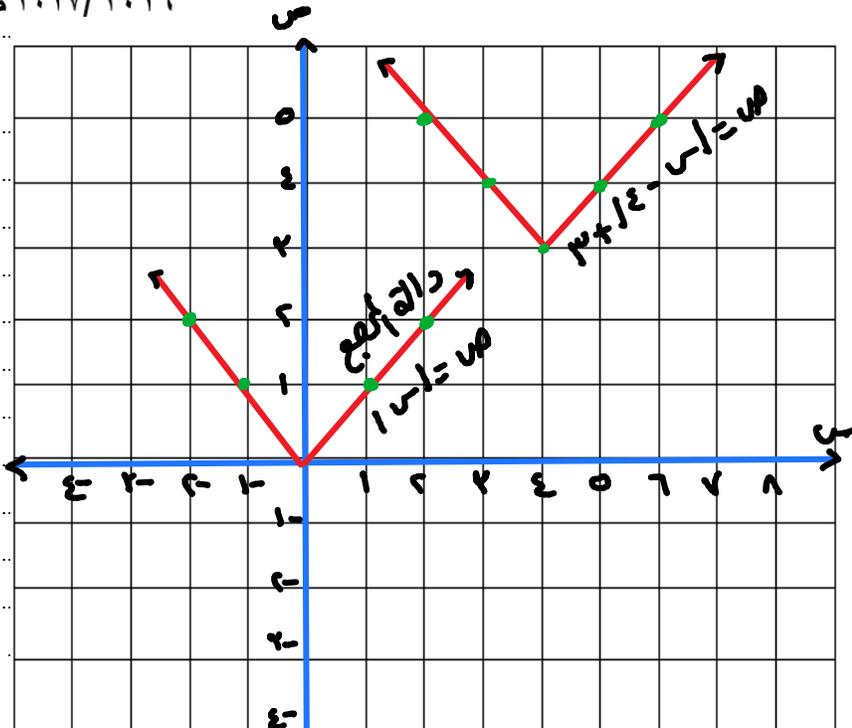
(٢-) : تفني أنسحاب دالة المرجع

وحدات لأعلى



استخدم دالة المرجع و الانسحاب لرسم بيان الدالة: $v = |s - 4| + 3$

٢٠١٦ / ٢٠١٧ م



الحل

دالة المرجع:

$$v = |s - 4| + 3$$

دالة أنسحاب

(٤-) : تفني أنسحاب دالة

المرجع ٤ وحدات لليسار

(٣+) : تفني أنسحاب دالة

المرجع ٣ وحدات لأعلى

٢٠٢٢/٢٠٢١

الحذف

أوجد مجموعة حل النظام

$$\begin{cases} 2س + ٤ص = ٦ & \textcircled{1} \\ ٣س - ٤ص = ٤ & \textcircled{2} \end{cases}$$

المجموع

$$١٠ = ١٠$$

$$\frac{١٠}{٥} = \frac{١٠}{٥}$$

$$٢ = س$$

بالتعويض عن س = ٢ في المعادلة ①

$$\begin{aligned} ٦ &= ٤ + ٢ \times ٢ \\ ٦ &= ٤ + ٤ \\ ٦ &= ٨ \end{aligned}$$

$$\{ (٢, ٢) \} = ح.ح$$

٢٠١٩/٢٠١٨ م

أوجد مجموعة حل النظام مستخدماً طريقة التعويض

$$\begin{cases} ٣ + ٢ص = س & \textcircled{1} \\ ٥ص - ٤س = ٦ & \textcircled{2} \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \leftarrow ٣ + ٢ص = س \quad | \quad \textcircled{2} \leftarrow ٥ص - ٤س = ٦$$

بالتعويض عن س من ① في ②

$$\begin{aligned} ٦ &= ٥(٣ + ٢ص) - ٤(٣ + ٢ص) \\ ٦ &= ١٥ - ١٠ص - ١٢ + ٨ص \\ ٦ &= ٣ - ٢ص \\ ١٢ + ٦ &= ٦ - ٤ص \\ ١٨ &= ٦ - ٤ص \end{aligned}$$

$$\frac{١٨}{٢} = \frac{٦ - ٤ص}{٢}$$

$$٦ = ٣ - ٢ص$$

* بالتعويض عن س = ٦ - ٢ص في ①

$$٩ - ٢ = ٣ + ٦ - ٤ص = س$$

$$\{ (٦ - ٢ص, ٩ - ٢ص) \} = ح.ح$$

٢٠١٧/٢٠١٨ م

الهدف

$$\left. \begin{array}{l} \textcircled{1} \leftarrow 3 = 2س + 1ص \\ \textcircled{2} \leftarrow 9 = 4س - 1ص \end{array} \right\} \text{ حل النظام}$$

$$\underline{6س = 12}$$

$$\frac{12}{6} = \frac{6س}{6}$$

بالتعويض عن $س = 2$ في المعادلة $\textcircled{1}$ $3 = 2(2) + 1ص$

$$3 = 4 + 1ص$$

$$3 = 4 + ص$$

$$3 - 4 = ص$$

$$-1 = ص$$

$$ج. ٣ = (2, -1)$$

استخدام طريقة الحذف لإيجاد مجموعة حل النظام

$$\textcircled{1} \leftarrow 11 = 3ص + 2س$$

$$\textcircled{2} \leftarrow 10 = 4ص - 2س$$

الحل

$$\begin{array}{l} \textcircled{1} \leftarrow 11 = 3ص + 2س \\ \textcircled{2} \leftarrow 10 = 4ص - 2س \end{array}$$

$$\underline{21 = 7ص}$$

$$\frac{21}{7} = \frac{7ص}{7}$$

$$3 = ص$$

بالتعويض عن $ص = 3$ في المعادلة $\textcircled{1}$ $11 = 3(3) + 2س$

$$11 = 9 + 2س$$

$$11 = 9 + 2س$$

$$11 - 9 = 2س$$

$$2 = 2س$$

$$\frac{2}{2} = \frac{2س}{2}$$

$$1 = س$$

$$ج. ٣ = (1, 3)$$

أوجد مجموعة حل المعادلة التالية باستخدام القانون :

٢٠٢٠/٢٠١٩ م

$$٢س^٢ - ٥س - ٥ = ٠$$

الحل

$$٢ = ٢ \quad ١ = ١ \quad ٥ = ٥$$

$$\Delta = \text{المميز} = ب^٢ - ٤أب = ٥^٢ - ٤ \times ٢ \times ٥ = ٤١$$

$$س = \frac{-١ \pm \sqrt{٤١}}{٤}$$

$$س = \frac{-١ + \sqrt{٤١}}{٤} \quad س = \frac{-١ - \sqrt{٤١}}{٤}$$

$$\text{القانون (ب) : } س = \frac{-١ \pm \sqrt{\Delta}}{٢أ}$$

$$س = \frac{-١ \pm \sqrt{٤١}}{٢ \times ٢}$$

$$س = \frac{-١ \pm \sqrt{٤١}}{٤}$$

٢٠١٩/٢٠١٨ م

حدد نوع جذري المعادلة : ٢س^٢ - ٩س - ٥ = ٠

ثم أوجد مجموعة حل المعادلة باستخدام القانون

الحل

$$٢ = ٢ \quad ٩ = ٩ \quad ٥ = ٥$$

$$\Delta = \text{المميز} = ب^٢ - ٤أب = ٩^٢ - ٤ \times ٢ \times ٥ = ١٢١$$

∴ الجذران حقيقيان مختلفان

$$\text{(القانون (ب) :) } س = \frac{-٩ \pm \sqrt{١٢١}}{٢ \times ٢} = \frac{-٩ \pm ١١}{٤}$$

$$س = \frac{-٩ + ١١}{٤} = ٠ \quad \text{أو} \quad س = \frac{-٩ - ١١}{٤} = -٥$$

$$س = ٠ \quad س = -٥$$

٢٠١٦/٢٠١٧ م

باستخدام القانون أوجد مجموعة حل المعادلة : $٣س^٢ + ٤س - ٢ = ٠$

الصيغة: $س = \frac{-ب \pm \sqrt{ب^٢ - ٤أج}}{٢أ}$

$$٣س^٢ + ٤س - ٢ = ٠$$

$$٣ = أ \quad ٤ = ب \quad ٢ = ج$$

$$\Delta = البز = ب^٢ - ٤أج = (٤)^٢ - ٤ \times ٣ \times (-٢) = ٤٠$$

$$\frac{-٤ \pm \sqrt{٤٠}}{٢ \times ٣} = \frac{-٤ \pm ٢\sqrt{١٠}}{٦} = \frac{-٢ \pm \sqrt{١٠}}{٣}$$

$$س = \frac{-٤ + \sqrt{٤٠}}{٦} \quad \text{أو} \quad س = \frac{-٤ - \sqrt{٤٠}}{٦}$$

$$س = \frac{-٢ + \sqrt{١٠}}{٣} \quad \text{أو} \quad س = \frac{-٢ - \sqrt{١٠}}{٣}$$

$$ج. ٣ = \left\{ \frac{-٢ + \sqrt{١٠}}{٣}, \frac{-٢ - \sqrt{١٠}}{٣} \right\}$$

٢٠١٥ / ٢٠١٦ م

باستخدام القانون أوجد مجموعة حل المعادلة : $س^٢ + ١٠س - ١٦ = ٠$

الصيغة: $س = \frac{-ب \pm \sqrt{ب^٢ - ٤أج}}{٢أ}$

$$س^٢ + ١٠س - ١٦ = ٠$$

$$١ = أ \quad ١٠ = ب \quad ١٦ = ج$$

$$\Delta = البز = ب^٢ - ٤أج = (١٠)^٢ - ٤ \times ١ \times (-١٦) = ٣٦$$

$$\frac{-١٠ \pm \sqrt{٣٦}}{٢ \times ١} = \frac{-١٠ \pm ٦}{٢} = \frac{-١٠ \pm ٦}{٢}$$

$$س = \frac{-١٠ + ٦}{٢} \quad \text{أو} \quad س = \frac{-١٠ - ٦}{٢}$$

$$س = -٢ \quad \text{أو} \quad س = -٨$$

$$ج. ٣ = \{-٨, -٢\}$$

٢٠١٥/٢٠١٤ م

باستخدام القانون أوجد مجموعة حل المعادلة: $s = (s - 2) = 5$

الحل

$$s^2 = s^2 - 2s + 5$$

$$0 = 5 - 2s + s^2$$

$$s^2 - 2s + 5 = 0$$

المخني $a = 1, b = -2, c = 5$

$$\Delta = b^2 - 4ac = (-2)^2 - 4(1)(5) = 4 - 20 = -16$$

القانون العام:

$$s = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-(-2) \pm \sqrt{-16}}{2(1)} = \frac{2 \pm 4i}{2} = 1 \pm 2i$$

$$\frac{\sqrt{16} - 2}{2} = s$$

$$\sqrt{16} - 2 = 2s$$

$$4 - 2 = 2s$$

$$2 = 2s$$

$$s = 1$$

$$\frac{\sqrt{16} + 2}{2} = s$$

$$\sqrt{16} + 2 = 2s$$

$$4 + 2 = 2s$$

$$6 = 2s$$

$$s = 3$$

ج. $s = 1, 3$



إذا كان جذرا المعادلة $s^2 - 5s + 6 = 0$ هما ل، م
فكون معادلة تربيعية جذراها ٢، ٢ م

المعادلة الأصلية

المعادلة المقطاه

	$a = 1, b = -5, c = 6$
مجموع الجذرين $= 5 = 2 + 3$	مجموع الجذرين $= 5 = 2 + 3$
ضرب الجذرين $= 6 = 2 \times 3$	ضرب الجذرين $= 6 = 2 \times 3$

المعادلة التربيعية:

$s^2 - 5s + 6 = 0$

$s^2 - 5s + 6 = 0$

إذا كان مجموع جذري المعادلة: $٢س^٢ + ب س - ٥ = ٠$ يساوي ١. فأوجد قيمة ب، ثم حل المعادلة

تمرين اضافي

$$\text{الحل} \quad ٢ = ٢ \quad ب = ب \quad ب = ٥$$

$$\therefore \text{مجموع الجذرين} = \frac{-ب}{٢} = \frac{٥}{٢} = \frac{٥}{٢} \times ١$$

$$٢ = ب \leftarrow ٢ = ب$$

\therefore المعادلة هي $٢س^٢ - ٥س - ٥ = ٠$

$$\Delta \text{ المميز} = ب^٢ - ٤٠٤ = ٢٥ - ٤٠٤ = ٣٧٩$$

$$\text{القانون العام: } س = \frac{-ب \pm \sqrt{\Delta}}{٢٢} = \frac{-٥ \pm \sqrt{٣٧٩}}{٤}$$

$$س = \frac{-٥ + \sqrt{٣٧٩}}{٤} \quad \text{أو} \quad س = \frac{-٥ - \sqrt{٣٧٩}}{٤}$$

$$\text{ج. ٣} \quad \left\{ \frac{-٥ + \sqrt{٣٧٩}}{٤}, \frac{-٥ - \sqrt{٣٧٩}}{٤} \right\}$$

إذا كان ناتج ضرب جذري المعادلة: $٥س - ٢س + ٢ = ٠$ يساوي $\frac{٢}{٣}$. فأوجد قيمة ا، ثم حل المعادلة.

$$\text{الحل} \quad ٢ = ٢ \quad ب = ٥ \quad ٢ = ٢$$

$$\text{ضرب الجذرين} = \frac{٢}{٣} = \frac{٢}{٣} = \frac{٢}{٣} \leftarrow ٣ = ٣$$

\therefore المعادلة هي $٣س^٢ - ٥س + ٢ = ٠$

$$\Delta \text{ المميز} = ب^٢ - ٤٠٤ = ٢٥ - ٤٠٤ = ٣٧٩$$

$$\text{القانون العام: } س = \frac{-ب \pm \sqrt{\Delta}}{٢٢} = \frac{-٥ \pm \sqrt{٣٧٩}}{٦}$$

$$س = \frac{-٥ + \sqrt{٣٧٩}}{٦} \quad \text{أو} \quad س = \frac{-٥ - \sqrt{٣٧٩}}{٦}$$

$$\text{ج. ٤} \quad \left\{ \frac{-٥ + \sqrt{٣٧٩}}{٦}, \frac{-٥ - \sqrt{٣٧٩}}{٦} \right\}$$

موضوعي الوحدة الاولى

ظل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة $1 = 2$ $4 = 5$ $0 = 1$
 (ب) إذا كانت العبارة خاطئة 5 المنزلة = ب' - 2 = ج' = (4) - 1 = 3 = 2 = 1 = 0

للمعادلة $x^2 + 4x + 5 = 0$ جذران حقيقيان مختلفان جذرا x غير حقيقيان (أ)

مجموعة حل المتباينة $|x + 5| < 5$ هي $(-5, 0)$ (أ)
 $2 \cdot 3 = (-1, 5) \cup (6, 10)$

العدد $4, 0$ هو عدد غير نسبي.
 4 و 0 عدد نسبي $\therefore 4$ و 0 نسبي

مجموعة حل النظام $\begin{cases} 2x - 3y = 1 \\ 3x + 4y = 10 \end{cases}$ هي $\{(1, 2)\}$ (ب)

العدد $0, 4$ هو عدد نسبي له عدد عكسي دورن (نسبي) (ب)

ظل رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي
 (4) أحد حلول المعادلة $|x - 3| = x - 3$ هو :
 $3 - 3 = 0$
 $0 = 0$

- (أ) 1 (ب) صفر (ج) 3- (د) 3

(6) تم انسحاب بيان الدالة $y = |x + 3| - 2$ إلى الأسفل ووحدتين إلى اليمين.
 فإن الدالة الناتجة هي :

- * وحدتان لليمين و 3 وحدات للأسفل (ب) $y = |x + 3| - 2$
 * وحدتين لليمين و 3 وحدات للأسفل (د) $y = |x + 3| + 2$
 * وحدتان لليمين و 3 وحدات لأعلى (ج) $y = |x - 3| - 2$
 * وحدتان لليمين و 3 وحدات لأعلى (ب) $y = |x - 3| + 2$

مجموعة حل النظام

$$\begin{cases} 2s + 3v = 3 & \text{①} \\ 4s - v = 9 & \text{②} \end{cases}$$

بالتجميع

$$\begin{aligned} 12s + 9v &= 9 \\ 4s - v &= 9 \\ \hline 8s + 10v &= 18 \\ 4s + 5v &= 9 \end{aligned}$$

$$4s = 9 - 5v$$

$$4(9 - 5v) + 10v = 18$$

$$36 - 20v + 10v = 18$$

$$-10v = 18 - 36$$

$$-10v = -18$$

$$v = \frac{18}{10} = \frac{9}{5}$$

$$4s = 9 - 5 \times \frac{9}{5}$$

$$4s = 9 - 9 = 0$$

$$s = 0$$

مجموع الجذرين = ٣
ضرب الجذرين = ٤

٣ = ٥ + ٢ × ٢
٣ = ٥ + ٤
٤ - ٣ = ٥ + ٢
١ = ٥ + ٢

مجموع الجذرين = ٣
ضرب الجذرين = ٤

الخيارات:
 أ) $\{(3, 3)\}$
 ب) $\{(1, 2)\}$
 ج) $\{(3, -1)\}$
 د) $\{(1, 2)\}$

المعادلة التربيعية التي جذراها ٣ ، ٥ هي : مجموع الجذرين = ٨ ، ضرب الجذرين = ١٥

- الخيارات:
 أ) $x^2 + 2x + 15 = 0$
 ب) $x^2 - 2x + 15 = 0$
 ج) $x^2 + 8x + 15 = 0$
 د) $x^2 - 8x + 15 = 0$

٣ - (مجموع الجذرين) + (ضرب الجذرين) = ٠

إذا كان م ، ن جذرين للمعادلة التربيعية : $x^2 + 2x + 3 = 0$

فإن م × ن يساوي : ضرب الجذرين = $\frac{3}{1} = \frac{3}{1}$

- الخيارات:
 أ) ١
 ب) ٠
 ج) $\frac{2}{3}$
 د) ١ -

مجموعة حل المتباينة $3 - 1 \geq 2s - 1 > 3$ هي :

$2 < s < 3$

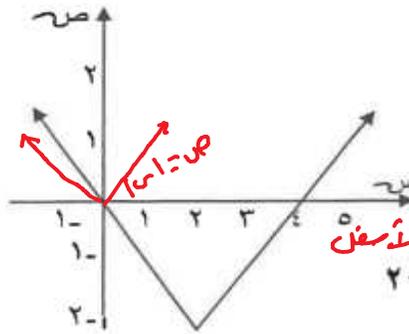
- الخيارات:
 أ) $[2, 1-]$
 ب) $(2, 1-]$
 ج) $[2, 1-)$
 د) $(2, 1-)$

قيمة ك التي تجعل للمعادلة : $x^2 + 4x + 25 = 0$ جذران حقيقيين متساويان هي :

- الخيارات:
 أ) ٩
 ب) ١٦
 ج) ١٦ -
 د) ٢٥

الجذران حقيقيين متساويين $\Delta = 0$
 $4^2 - 4 \times 25 = 0$
 $16 - 100 = 0$
 $16 = 100$
 $16 = 100$

الدالة التي يمثلها الشكل البياني الموضح يمكن أن تكون :



وحداته للصية

ب) $|س - ٢| = ص$

وحداته للصية و وحداته للأسفل

د) $٢ - |٢ - س| = ص$

وحداته للأسفل

أ) $٢ - |س| = ص$

وحداته للصية و وحداته للأسفل

ج) $٢ - |٢ + س| = ص$

$٥ = س$

$٤ = س$

$٧ = ٤س + ٧$

$٧ = ٤س + ١٢$

$١٢ - ٧ = ٤س$

$٥ = ٤س$

هي : $١٣ = س - ٢$ (أ)
 $٧ = س + ٣$ (ب)

مجموعة حل النظام

- أ) $\{(٥, ٤)\}$
 ب) $\{(٥, ٤)\}$
 ج) $\{(٤, ٥)\}$
 د) $\{(٤, ٥)\}$

مجموعة حل المتباينة $|س| > ٢$ هي : $٢ < س < ٤$

$(٢, ٤) = س$

- أ) $(٢, \infty)$
 ب) $(٢, ٢]$
 ج) $[٢, ٢)$
 د) $(٢, ٢)$

المعادلة التي أحد جذورها هو مجموع جذري المعادلة : $١س^٢ - ٥س + ٦ = ٠$

مجموع الجذرين = $\frac{٥}{١} = ٥$

وجذرها الآخر هو $(٥ -)$ هي :

- أ) $١س^٢ - ٥س = ٠$
 ب) $١س^٢ - ٥س - ٥ = ٠$
 ج) $١س^٢ - ٥س + ٦ = ٠$
 د) $١س^٢ - ٥س - ٦ = ٠$

مجموع الجذرين = $٥ + (٥ -) = ٠$

ضرب الجذرين = $٥ \times (٥ -) = ٥ -$

المعادلة : $١س^٢ - (مجموع الجذرين)س + (ضرب الجذرين) = ٠$

$١س^٢ - (٠)س - (٥ -) = ٠$ $١س^٢ - ٥س - ٦ = ٠$

المعادلة التي أحد جذورها هو مجموع جذري المعادلة : $x^2 - 5x + 6 = 0$
 وجذرها الآخر هو (-5) هي :

$$\text{ب) } x^2 - 5x - 6 = 0$$

$$\text{ا) } x^2 - 5 = 0$$

$$\text{د) } x^2 - 10x + 25 = 0$$

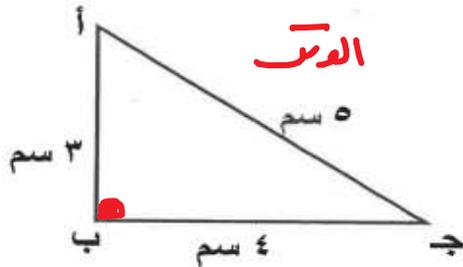
$$\text{ج) } x^2 - 25 = 0$$

سبب الحل

الوحدة الثانية

٢٠٢٢/٢٠٢١ م

في الشكل المقابل : اثبت أن المثلث أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب ،
ثم أوجد جا أ ، ظنا ج



الحل:

* من عكس فيثاغورث

$$\textcircled{1} \leftarrow ٢٥ = ٩٠ = \textcircled{1} \leftarrow \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \leftarrow ٢٥ = ٩٠ = ٣٠ + ٦٠ = \textcircled{2} \leftarrow \textcircled{3}$$

$$\therefore \textcircled{2} = \textcircled{3} \Rightarrow \textcircled{1} = \textcircled{2} \Rightarrow \textcircled{1} = ٦٠ \Rightarrow \textcircled{3} = ٣٠$$

$$\text{جا أ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{٤}{٥}$$

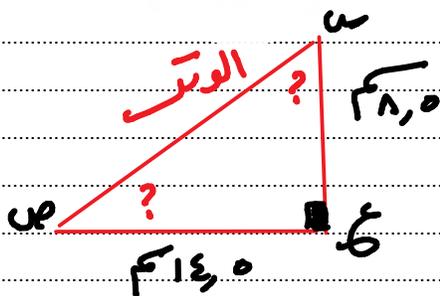
$$\text{الظنا ج} = \frac{\text{المجاور}}{\text{المقابل}} = \frac{٤}{٣}$$

(تراجع الحلون كذا فحسب)

٢٠٢٢/٢٠٢١ م

حل المثلث س ص ع قائم الزاوية في ح حيث س ع = ٨,٥ سم ،

ص ع = ١٤,٥ سم



الحل

من فيثاغورث

$$SS = \sqrt{SC^2 + CS^2} = \sqrt{8,5^2 + 14,5^2} \approx 16,8$$

$$\text{ظنا س} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{ص ع}{س ع} = \frac{١٤,٥}{٨,٥}$$

$$\text{ص (س)} = \text{ظنا ح} = \left(\frac{١٤,٥}{٨,٥} \right) \approx ١,٧٠٥9 \approx ٥٩,٦^\circ$$

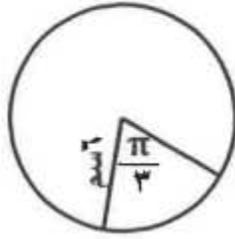
∴ مجموع قياسات زوايا المثلث الراضلة = ١٨٠

$$\therefore \text{ص (ح)} = ٩٠ - ٥٩,٦ = ٣٠,٤$$

(تراجع الحلون كذا فحسب)

٢٠١٩ / ٢٠٢٠ م

من الشكل المقابل: أوجد مساحة القطاع الدائري الأصغر الذي طول نصف

قطر دائرته ٦ سم وزاويته المركزية $\frac{\pi}{3}$ 

الحل

$$\text{نصفه} = ٦ \text{ سم}$$

$$\frac{\pi}{3} = \frac{\theta}{360}$$

$$\theta = 36^\circ$$

مساحة القطاع الدائري = $\frac{1}{2} \times \text{نصفه}^2 \times \theta$

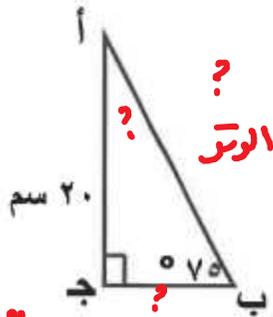
$$= \frac{1}{2} \times (6)^2 \times \frac{\pi}{3}$$

$$\approx 22.6 \text{ سم}^2$$

حل المثلث أ ب ج القائم في ج إذا علم أن :

$$\text{أج} = ٢٠ \text{ سم} ، \text{ ق (ب)} = ٧٥^\circ$$

٢٠١٩ / ٢٠٢٠ م

الحل :: مجموع زوايا المثلث الواصلات = 180°

$$\therefore \hat{A} = 90^\circ - 75^\circ = 15^\circ$$

$$\therefore \text{جانب ب} = \frac{\text{جانب أ}}{\sin \hat{A}} = \frac{20}{\sin 15^\circ} \approx 77.2 \text{ سم}$$

$$\therefore \text{جانب ج} = \frac{\text{جانب أ}}{\tan \hat{A}} = \frac{20}{\tan 15^\circ} \approx 73.9 \text{ سم}$$

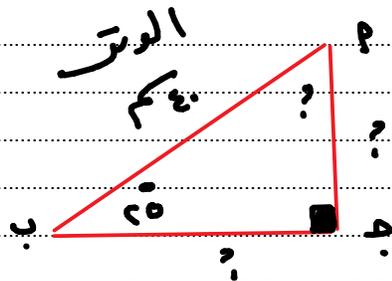
رتاعي (حلوك رت عزمي)

٢٠١٨ / ٢٠١٩ م

حل المثلث أ ب ج القائم في (ج) إذا علم أن :

$$أب = ٤٠ \text{ سم} ، ق (ب) = ٢٥^\circ$$

الحل



$$\therefore \text{مجموع زوايا المثلث} = ١٨٠^\circ$$

$$\therefore \text{ب} (ق) = ٩٠^\circ - ٢٥^\circ = ٦٥^\circ$$

$$\therefore \text{جانب } ب = \frac{ج}{\sin ٢٥^\circ} = \frac{٤٠}{\sin ٢٥^\circ}$$

$$\therefore ج = ٤٠ \cdot \frac{١}{\sin ٢٥^\circ} \approx ٩٦ \text{ سم}$$

$$\therefore \text{جانب } ب = \frac{ج}{\tan ٢٥^\circ} = \frac{٩٦}{\tan ٢٥^\circ} \approx ٢٠٦ \text{ سم}$$

(تدريبي (حلون (لا فرق)

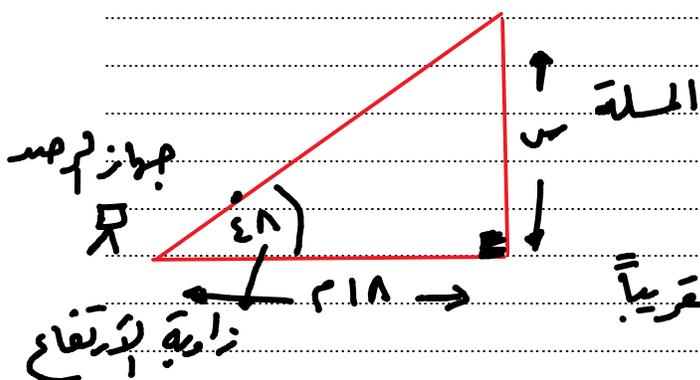
٢٠١٨ / ٢٠١٩ م

لقياس طول إحدى المسلات قام مرشد سياحي برصد قمة المسلة من خلال

جهاز للرصد . فوجد أن قياس زاوية الارتفاع ٤٨° . إذا كان الجهاز يبعد عن

قاعدة المسلة مسافة ١٨ م . فاحسب ارتفاع المسلة .

الحل



$$\therefore \text{نظا } ٤٨^\circ = \frac{٣}{١٨}$$

$$٣ = ١٨ \cdot \tan ٤٨^\circ \approx ٢٠$$

\therefore ارتفاع المسلة حوالي ٢٠ متر تقريباً .

احسب مساحة قطعة دائرية زاويتها المركزية 60° وطول نصف قطر دائرتها ١٠ سم .

٢٠١٧/٢٠١٨ م

الحل

∴ مساحة قطعة دائرية = $\frac{1}{3}$ نعة (هـ - جـهـ)

$$\frac{\pi}{18} \times \text{سن} = \text{هـ} \quad \therefore \frac{\pi}{18} \times \text{سن} = \text{هـ} \quad \frac{1}{3} (10) \left(\frac{\pi}{3} - 60^\circ \right) =$$

$$\approx 9.6 \text{ سم}^2$$

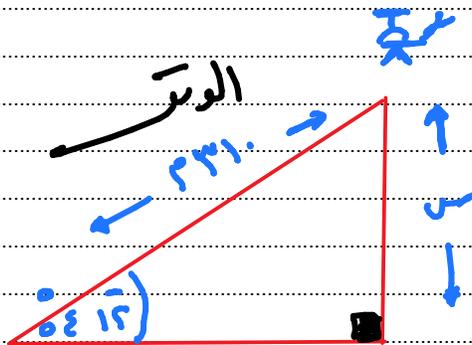
$$\frac{\pi}{3} = \frac{\pi}{18} \times \text{سن} = \text{هـ}$$

$$\text{نعد} = 60^\circ$$

٢٠١٧/٢٠١٨ م

من نقطة على سطح الأرض قيست زاوية ارتفاع طائرة فوجد أنها $12^\circ 54'$ ، إذا كان بعد النقطة عن موقع الطائرة ٣١٠ م ، فما ارتفاع الطائرة إلى أقرب متر ؟

الحل



$$\therefore \text{جـا} (12^\circ 54') = \frac{\text{سن}}{310}$$

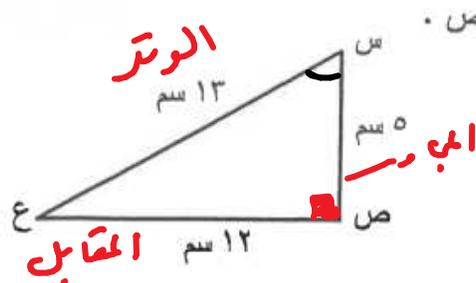
$$\text{سن} = 310 \text{ جا} (12^\circ 54')$$

$$\approx 24.3$$

∴ ارتفاع الطائرة عن سطح الأرض حوالي ٢٤,٣ متر تقريباً

٢٠١٦ / ٢٠١٧ م

في الشكل المقابل س ص ع مثلث فيه س ص = ٥ سم ، ص ع = ١٢ سم ، س ع = ١٣ سم



(١) أثبت أن المثلث س ص ع قائم الزاوية في ص .

(٢) أوجد جاس ، جتا س ، ظلنا س .

الحل

① * من مكن ضيقاً فوراً

$$\text{س ص ع} = (١٣)^2 = ١٦٩ \leftarrow \text{①}$$

$$\text{س ص} + \text{ص ع} = (٥)^2 + (١٢)^2 = ٢٥ + ١٤٤ = ١٦٩ \leftarrow \text{②}$$

$$\therefore \text{س ص ع} = \text{س ص} + \text{ص ع}$$

∴ ∆ س ص ع قائم في زاوية ص

②

$$\text{جاس} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{\text{ص ع}}{\text{س ع}} = \frac{١٢}{١٣}$$

$$\text{جتا س} = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{\text{س ص}}{\text{س ع}} = \frac{٥}{١٣}$$

$$\text{ظلنا س} = \frac{\text{المجاور}}{\text{المقابل}} = \frac{\text{س ص}}{\text{ص ع}} = \frac{٥}{١٢} \quad (\text{تراعي (المحول للزوايا)})$$

حل المثلث أ ب ج القائم الزاوية في ب إذا علم أن أ ب = ٧ سم ، ق (ب أ ج) = 50°

٢٠١٧/٢٠١٦ م

الحل : مجموع ضلعا زاوية حطت 180°

$$\therefore \text{م } (ج) = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$$

$$\therefore \text{نظا } \frac{7}{\sin 40^\circ} = \frac{ب ج}{\sin 50^\circ}$$

$$\therefore \text{نظا } 7 = ب ج \Rightarrow \frac{ب ج}{7} = \frac{\sin 50^\circ}{\sin 40^\circ}$$

$$\therefore \text{نظا } 7 = ب ج \Rightarrow \frac{ب ج}{7} = \frac{\sin 50^\circ}{\sin 40^\circ}$$

$$ب ج = 7 \frac{\sin 50^\circ}{\sin 40^\circ} \approx 9.1 \text{ سم}$$

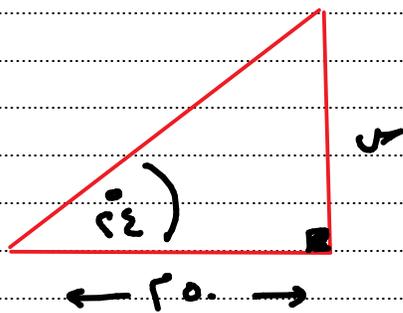
(سأ اعمى المثلث الكلاجرى)

من نقطة على سطح الأرض تبعد 50 م عن قاعدة منذنة ، وجد أن قياس زاوية

٢٠١٦/٢٠١٥ م

ارتفاع المنذنة 24° . أوجد ارتفاع المنذنة .

الحل



$$\therefore \text{نظا } 50 = \frac{h}{\tan 24^\circ}$$

$$h = 50 \tan 24^\circ \approx 22$$

\therefore ارتفاع المنذنة حوالي 22 متر تقريباً .

م ٢٠١٦ / ٢٠١٥



ا في الشكل المقابل . أوجد مساحة القطاع الدائري الأصغر

الحل

∴ مساحة القطاع الدائري = $\frac{1}{2}$ ر.ه. ن.ه.

$$\pi \cdot 8 = \frac{45}{360} \times \pi \times 8^2 =$$

$$\approx 13, 13 \text{ سم}^2$$

$$\text{ن.ه.} = 8 \text{ سم}$$

$$\text{ر.ه.} = 45$$

$$\therefore \text{ر.ه.} = \frac{\pi}{180} \times \text{ر.ه.}$$

$$\therefore \text{ر.ه.} = \frac{\pi}{180} \times 45 = \frac{\pi}{4}$$

م ٢٠١٥ / ٢٠١٤

أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب فيه أ ب = ٥ سم ، أ ج = ١٣ سم

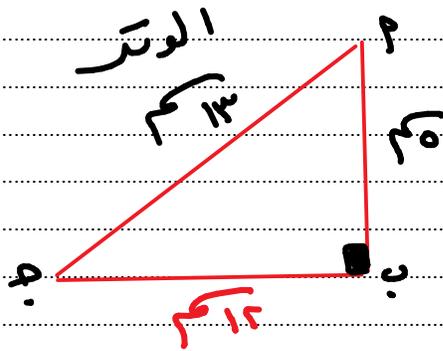
(١) أوجد ب ج

(٢) أوجد ج ا ج ، ظنا ج

الحل

① من فيثاغورس

$$\text{ب.ج} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12 \text{ سم}$$



② ج ا ج = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{\text{أ ب}}{\text{أ ج}} = \frac{5}{13}$

ظنا ج = $\frac{\text{المجاور}}{\text{المقابل}} = \frac{\text{ب.ج}}{\text{أ ب}} = \frac{12}{5}$ (تراجع) (محلون) (دائري)

في الشكل المقابل أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب
من البيان الموضح بالشكل :

- (١) أوجد طول أ ب
- (٢) أوجد ظا أ ، قتا أ
- (٣) أحسب ق (ج) لأقرب درجة

تمرين اضافي



الحل: ① من فيثاغورث $13^2 = 5^2 + AB^2$

② ظا أ = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الجوار}} = \frac{5}{13}$

حاجا أ = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{5}{13}$

قتا أ = $\frac{1}{\text{ظا أ}} = \frac{1}{\frac{5}{13}} = \frac{13}{5}$

③ حبا ج = $\frac{5}{13} = \frac{AB}{13}$ $\Rightarrow AB = 13 \times \frac{5}{13} = 5$ \Rightarrow حبا ج $\approx 67^\circ$

٢٠١٤/٢٠١٥ م

حل المثلث أ ب ج القائم الزاوية في ج إذا علم أن :

أ ب = ٣٠ سم ، ق (ب) = ٢٥ .

الحل: مجموع قياسات زوايا المثلث = 180°

$\Rightarrow 90^\circ + 25^\circ + \hat{A} = 180^\circ$ $\Rightarrow \hat{A} = 65^\circ$

$\hat{A} = 65^\circ$ $\Rightarrow \frac{AB}{AC} = \sin 65^\circ$ $\Rightarrow \frac{30}{AC} = \sin 65^\circ$

$\Rightarrow AC = \frac{30}{\sin 65^\circ} \approx 33,7$ سم

حبا ب = $\frac{AB}{AC} = \frac{30}{33,7} \approx 0,89$ \Rightarrow حبا ب $\approx 62,7^\circ$

(سراعي الحلول رداً عنكم)

موضوعي الوحدة الثانية

ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة

(ب) إذا كانت العبارة خاطئة.



الزاوية المركزية (ع و د) قياسها $(0,75)^\circ$ في دائرة طول نصف قطرها ٤ سم ،

فإن طول القوس (ع د) الذي تحصره هذه الزاوية يساوي ٣ سم $ل = \text{هو } ٧٥ = ٤ \times ٣ = ١٢$



الزاوية التي قياسها $\frac{\pi}{4}$ زاوية ربعية



الزاوية التي قياسها $\frac{\pi}{9}$ تقع في الربع الرابع . $٩٠^\circ = \frac{٢٧٠}{٣} \times \frac{\pi}{٩} = \pi$ ربع ثالث



طول القوس ع د الذي تحصره زاوية مركزية قياسها $(\frac{3}{4})^\circ$ وطول نصف قطرها ٤ سم هو ٣ سم $\frac{٣}{٤}$



الزاوية المستقيمة بالقياس الستيني $١١٢' ٣٠'' = ١٨٠^\circ \times \frac{٣٠}{٦٠} = ٩٠^\circ$

ظلل رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي

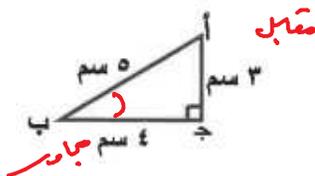
جا $١٨٠^\circ =$ بالنسبة = صفر

(د) غير معرف

(ب) صفر

(ب) ١

(أ) -١



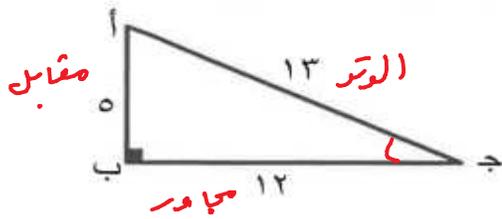
في الشكل المقابل ظنا ب = $\frac{\text{المجاور}}{\text{المقابل}} = \frac{٤}{٣}$

(د) $\frac{٥}{٤}$

(ب) $\frac{٤}{٥}$

(ب) $\frac{٤}{٣}$

(أ) $\frac{٣}{٤}$



في الشكل المقابل حا (٩٠ - أ) تساوي:

$$= \text{جا } \beta = \frac{5}{13}$$

د $\frac{5}{12}$

ج $\frac{12}{5}$

ب $\frac{5}{13}$

ا $\frac{12}{13}$

نصف = $\frac{1}{2} = 30$ ل = 6 كم

قطاع دائري طول قطره ١٠ سم وطول قوسه ٦ سم فإن مساحته تساوي:

$$= 3 = \frac{1}{2} \text{ ل نصف} = \frac{1}{2} \times 6 \times 5 = 15 \text{ كم}^2$$

د ٥٠ سم^٢



ب ١٥ سم^٢



ج ٣٠ سم^٢



د ٦٠ سم^٢



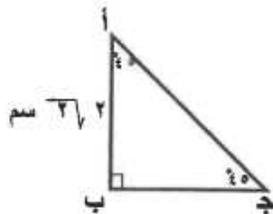
الزاوية التي قياسها $\frac{\pi}{9}$ تقع في الربع سببه الحل

د الرابع

ج الثالث

ب الثاني

ا الأول



في الشكل المقابل: طول \overline{AC} يساوي:

$$\text{جا } \beta = \frac{2}{2\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

ب ٢ سم



$$\text{جا } \alpha = \frac{2\sqrt{2}}{2\sqrt{2}} = 1$$

د ٤ سم

ج ٨ سم



ب ٤ سم



د ٢√٢ سم



د $\frac{1}{2} \text{ ل نصف} = 3$

ج $\frac{1}{2} \times 2 \times 2 = 2$

ب $2 = 30$

د $6 = 3$

قطاع دائري طول قطره ٢٠ سم ومساحته ٣٠ سم^٢ فإن طول قوسه يساوي:

د ٤ سم



ج ١٢ سم



ب ٣ سم



د ٦ سم



إذا كانت جا $\beta \neq$ صفر فإن جا β قتا تساوي:

د ظناج

ا



ب ظناج

ا صفر

الوحدة الثالثة

في تغير عكسي ص α س $\frac{1}{س}$ إذا كانت ص = ٢, ٠ عندما س = ٧٥

٢٠٢٠/٢٠٢١ م

أوجد س عندما ص = ٣

الحل

$$\therefore ص \propto \frac{1}{س} \Rightarrow \frac{ص}{\frac{1}{س}} = \frac{١٧٥}{\frac{1}{٧٥}}$$

$$\frac{ص}{\frac{1}{س}} = \frac{٧٥}{\frac{1}{٣}}$$

$$٥ = \frac{٧٥ \times ٣}{٣} = ٧٥$$

(تدريسي الحل (لا تقبل))

٢٠١٩/٢٠٢٠ م

في تغير طردي ص α س ، إذا كانت ص = ٣٠ عندما س = ١٠

أوجد قيمة ص عندما س = ٤٠

الحل

$$\therefore ص \propto س \Rightarrow \frac{ص}{س} = \frac{١٧٥}{٧٥}$$

$$\frac{١٠}{٤٠} = \frac{٣٠}{ص}$$

$$١٠ = \frac{٤٠ \times ٣٠}{١٠} = ١٢٠$$

(تدريسي الحل (لا تقبل))

إذا كانت ض α $\frac{1}{س}$ وكانت ص = ٥ عندما س = ٦ أوجد قيمة ص عندما س = ٣
 م ٢٠١٧/٢٠١٦

الحل

$$\therefore \frac{1}{س} \propto \frac{1}{ص} \Rightarrow \frac{1}{٦} = \frac{١}{ص}$$

$$\frac{١}{٦} = \frac{٥}{ص}$$

$$١٠ = \frac{٦ \times ٥}{٣} = ١٠$$

م ٢٠١٦/٢٠١٥

إذا كانت الأعداد : ٤ ، س - ٢ ، ١ ، $\frac{1}{٢}$ في تناسب متسلسل أوجد قيمة س .

الحل

∴ ٤ ، س - ٢ ، ١ ، $\frac{1}{٢}$ في تناسب متسلسل

$$\therefore \frac{٤}{س-٢} = \frac{س-٢}{١} = \frac{٤}{س-٢}$$

$$س = س - ٢$$

$$٢ + ٢ = ٤$$

$$٤ = ٤$$

إذا كانت الأعداد ٢ ، س - ٢ ، ١٨ ، ٥٤ في تناسب متسلسل أوجد قيمة س .

٢٠١٤ / ٢٠١٥ م

هـ
 ∴ ٢ ، س - ٢ ، ١٨ ، ٥٤ في تناسب متسلسل

$$\frac{18}{54} = \frac{2}{s-2}$$

$$\frac{18}{54} = \frac{s-2}{18} = \frac{2}{s-2} \quad \therefore$$

$$\frac{1}{3} = \frac{s-2}{18} \quad \therefore$$

$$18 = (s-2) \times 3$$

$$\frac{18}{3} = \frac{(s-2) \times 3}{3}$$

$$6 = s-2$$

$$8 = s \quad \Leftarrow \quad 8 = 6 + 2 = s$$

موضوعي الوحدة الثالثة

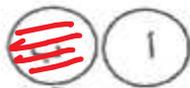
ظلل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة

(ب) إذا كانت العبارة خاطئة .

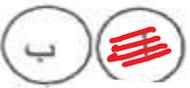


إذا كانت الأعداد ٢ ، ٣ ، ٤ ، س متناسبة ، فإن س تساوي ٦

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{s} \quad \Leftarrow \quad s = \frac{4 \times 3}{2} = 6$$



إذا كان $\frac{3}{4} = \frac{1}{b}$ فإن $ab = 3 \times 4 = 12$ ب



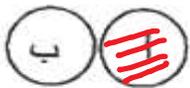
إذا كان س α س وكانت ص = ٨ عندما س = ٤ ، فإنه عندما ص = ٦ فإن س = ٣ .

$$\frac{8}{4} = \frac{\alpha s}{s} \quad \Leftarrow \quad \frac{2}{1} = \frac{\alpha}{1} \quad \Leftarrow \quad \frac{2}{1} = \frac{\alpha \times 6}{6} = \frac{3}{1} \quad \Leftarrow \quad \alpha = 3$$



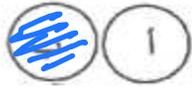
إذا كانت الأعداد ٦ ، ٩ ، س ، ١٥ متناسبة فإن س = ١٠ .

$$\frac{6}{9} = \frac{s}{15} \quad \Leftarrow \quad s = \frac{15 \times 6}{9} = 10$$



الأعداد ٦ ، ٩ ، ١٠ ، ١٥ أعداد متناسبة .

$$\frac{6}{9} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$



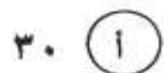
إذا كان (ن، ٧) ، (٢، ١٤) زوجين مرتبين في تناسب عكسي فإن قيمة ن هي ١٤

$$\frac{2}{14} = \frac{7}{n} \Rightarrow n = \frac{7 \times 14}{2} = 49$$

ظلل رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي

$$\frac{6}{9} = \frac{10}{15} = \frac{2}{3}$$

إذا كانت الأعداد ٦ ، ٩ ، ١٠ ، ١٥ متناسبة فإن قيمة س =



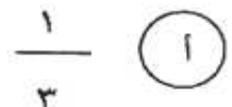
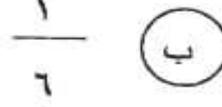
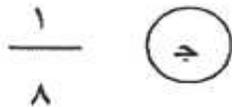
إذا كان ص $\propto \frac{1}{س}$ ، ص = ٥ عندما س = ١٠ فإن س ص يساوي :

$$50 = 5 \times 10 = 50$$



$$\frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

إذا كانت ص $\propto \frac{1}{س}$ وكانت ص = ٨ عندما س = ٤ فإنه عندما ص = ٦ فإن س تساوي :

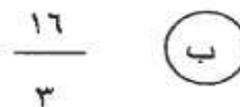
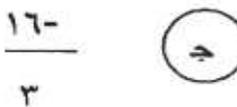
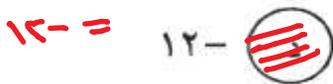


^

إذا كان المستقيم المار بالنقطتين أ ، ب حيث أ (٨ ، ٢) ، ب (س ، -٣) يمثل تغيرًا طرديًا

$$\frac{2-3}{8-s} = \frac{2-8}{2-3} \Rightarrow \frac{1}{8-s} = \frac{-6}{-1} = 6$$

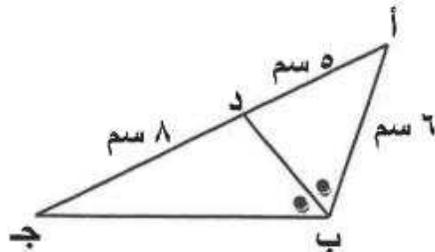
فإن س تساوي :



الوحدة الرابعة

في الشكل المقابل: \overline{BD} ينصف (\widehat{AB}) ، $AB = 6$ سم ، $AD = 5$ سم ، $DC = 8$ سم
أوجد $\angle B$ (٤ درجات)

٢٠٢٢ / ٢٠٢١ م



البرهان : $\therefore \overline{BD}$ ينصف (\widehat{AB})

$$\frac{BD}{AB} = \frac{1}{5} \iff \frac{BD}{6} = \frac{1}{5}$$

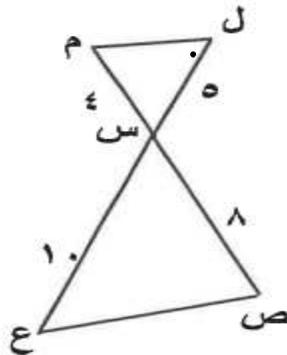
$$BD = \frac{6 \times 1}{5} = 1,2 \text{ سم}$$

٢٠٢٢ / ٢٠٢١ م

(٥ درجات)

في الشكل المقابل $\overline{LE} \cap \overline{MC} = \{S\}$ ،

أثبت أن المثلثين $\triangle LSE$ ، $\triangle MSC$ متشابهان



البرهان : $\triangle LSE \sim \triangle MSC$ ، $\angle S$ مشترك

① $\angle L = \angle C = 1^\circ$ (بالنقائيل بالرأس)

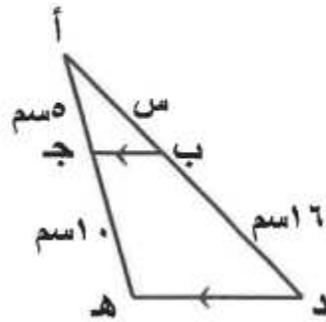
$$\frac{LS}{SE} = \frac{1}{5} = \frac{MS}{SC} \iff \frac{LS}{MS} = \frac{SE}{SC}$$

$$\frac{LS}{MS} = \frac{SE}{SC} \iff \frac{LS}{SE} = \frac{MS}{SC}$$

من ① ، ②

$\therefore \triangle LSE \sim \triangle MSC$

في الشكل المقابل : $\overline{بج} \parallel \overline{ده}$ ، $أج = ٥$ سم ، $جھ = ١٠$ سم ،
 $بد = ١٦$ سم ، أوجد قيمة $س$



رؤية مستقيمة

البرهان : $\overline{بج} \parallel \overline{ده}$

$$\frac{بج}{بأ} = \frac{ده}{دأ}$$

$$\frac{٥}{١٠} = \frac{س}{١٦}$$

$$\therefore س = \frac{١٦ \times ٥}{١٠} = ٨$$

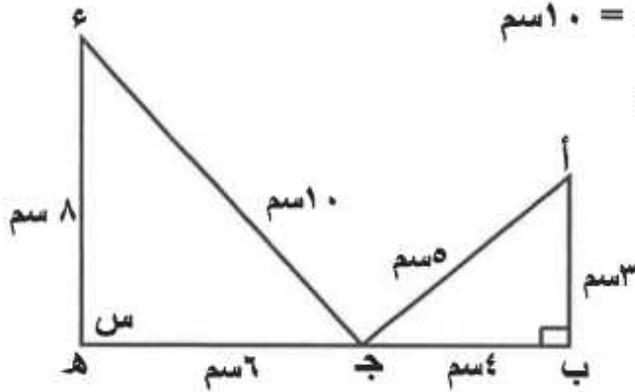
من الشكل المقابل أ ب ج ، ج هـ ء مثلثان ، فإذا كان

أ ب = ٣ سم ، ب ج = ٤ سم ، أ ج = ٥ سم

ء هـ = ٨ سم ، هـ ج = ٦ سم ، ء ج = ١٠ سم

(١) أثبت تشابه المثلثان أ ب ج ، ج هـ ء

(٢) أوجد قيمة س



٢٠١٩ / ٢٠٢٠ م

البرهان: ① $\triangle ABC \sim \triangle GHE$ ، ج هـ ء فيهما

① $\frac{AB}{GH} = \frac{BC}{HE} = \frac{AC}{GE}$

② $\frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10}$

③ $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

من ① ، ② ، ③ ينتج $\therefore \frac{AB}{GH} = \frac{BC}{HE} = \frac{AC}{GE} = \frac{1}{2}$

$\therefore \triangle ABC \sim \triangle GHE$ ج هـ ء

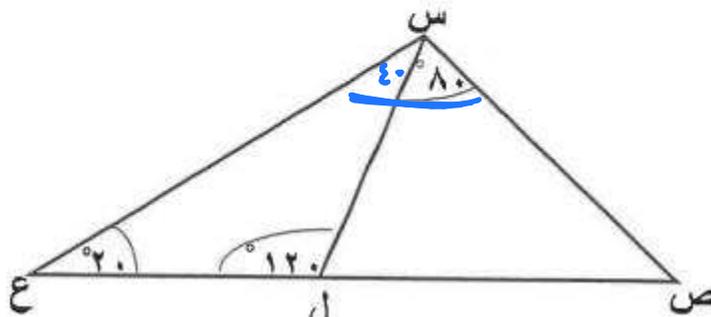
④ $\therefore \triangle ABC \sim \triangle GHE$ ج هـ ء

$\therefore \hat{C} = (\hat{H}) = \hat{Q} = 90^\circ$

$\therefore \hat{C} = 90^\circ$

٢٠١٨ / ٢٠١٩ م

حسب المعلومات الموضحة بالشكل أدناه

أثبت أن المثلثين $\triangle ESL$ ، $\triangle ESL$ متشابهان

البرهان : $\triangle ESL \sim \triangle ESL$:: مجموع ضلعايات زوايا المثلث 180°
 $\therefore \text{م}(\angle \text{شكلي}) = 180^\circ - (20^\circ + 120^\circ) = 40^\circ$

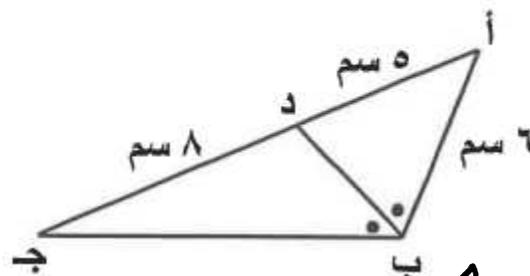
 $\triangle ESL \sim \triangle ESL$ من حيث ضلعايات

$\angle \text{شكلي} = \angle \text{شكلي} \rightarrow \text{①}$
 $\text{م}(\angle \text{شكلي}) = \text{م}(\angle \text{شكلي}) = 40^\circ \rightarrow \text{②}$

من ① ، ②

 $\therefore \triangle ESL \sim \triangle ESL$

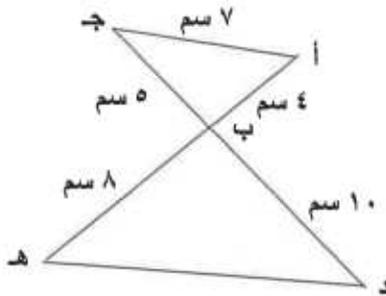
٢٠١٨ / ٢٠١٩ م

أوجد ج ب في الشكل المبين حيث \overline{BD} ينصف \overline{AC} .البرهان : \overline{BD} ينصف \overline{AC}

$$\therefore \frac{AD}{DC} = \frac{BD}{BD} = \frac{5}{8} \Rightarrow \frac{BD}{BD} = \frac{5}{8}$$

$$\therefore \frac{BD}{BD} = \frac{5}{8} \Rightarrow \frac{BD}{BD} = \frac{5}{8} \Rightarrow \frac{BD}{BD} = \frac{5}{8}$$

٢٠١٧ / ٢٠١٨ م



في الشكل المقابل أ ه \cap ج د = { ب }

(١) أثبت أن المثلثين أ ب ج ، ه ب د متشابهان .

(٢) أوجد د ه

البرهان ① Δ ب ج د \sim ه ب د \therefore ه ب د متشابهان

① Δ ب ج د \sim ه ب د \therefore بالتقابل بالرأس \rightarrow ①

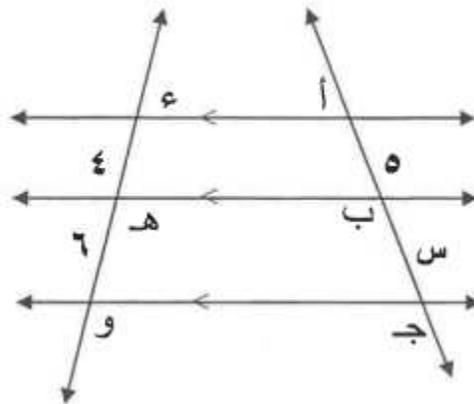
$$\frac{AB}{AC} = \frac{AE}{AD} = \frac{BE}{ED} \quad * \quad \frac{AB}{AC} = \frac{AE}{AD} = \frac{BE}{ED}$$

$$\therefore \frac{7}{10} = \frac{5}{8} = \frac{BE}{ED} \rightarrow \text{②}$$

من ① ② $\therefore \Delta$ ب ج د \sim ه ب د

$$\text{③} \quad \therefore \frac{AB}{AC} = \frac{AE}{AD} = \frac{BE}{ED} \quad \therefore \frac{7}{10} = \frac{5}{8} = \frac{BE}{ED} \quad \therefore BE = 7 \times 2 = 14 \text{ سم}$$

(أ) من الشكل المقابل أوجد س ؟



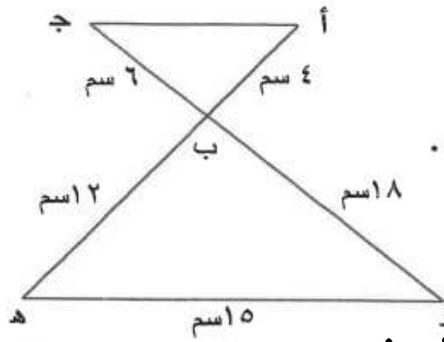
٢٠١٧ / ٢٠١٨ م

البرهان: من طرفي

$$\frac{7}{4} = \frac{5}{3}$$

$$7 \times 3 = 4 \times 5 = 20$$

٢٠١٦ / ٢٠١٧ م



ب) في الشكل أهد \cap جد = {ب}

- ١) أثبت أن المثلثين أ ب ج ، ه ب د متشابهان .
- ٢) أوجد طول أ ج

البرهان: ١) Δ ب د ه \sim Δ ب ج ا
 من (١) \Rightarrow $\frac{ب د}{ب ج} = \frac{ب ه}{ب ا}$ بالتقابل بالزاوية الرأسية \rightarrow ٢

$$\frac{ب د}{ب ج} = \frac{ب ه}{ب ا} \Rightarrow \frac{ب د}{ب ج} = \frac{١٢}{٤} = ٣$$

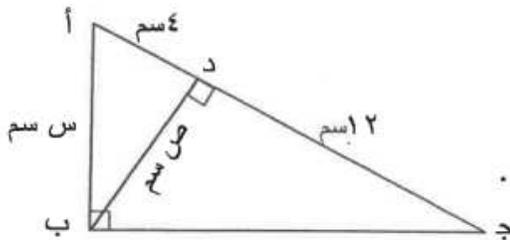
$$\frac{ب د}{ب ج} = \frac{ب ه}{ب ا} \Rightarrow \frac{ب د}{ب ج} = \frac{١٨}{٦} = ٣$$

من ١) ، ٢) \Rightarrow Δ ب د ه \sim Δ ب ج ا

$$\therefore \Delta$$
 ب د ه \sim Δ ب ج ا

$$\therefore \frac{د ه}{ب ج} = ٣ \Rightarrow \frac{د ه}{١٠} = ٣ \Rightarrow د ه = ٣٠$$

٢٠١٦ / ٢٠١٧ م



أ) من الشكل المقابل أوجد قيمة كل من س ، ص .

البرهان: Δ ب ج ا قائم الزاوية ب ، $\overline{ب د} \perp \overline{ب ج}$

$$\therefore (\text{ب د})^\circ = \angle د ج ب = \angle ص = ١٢ \times ٤ = ٤٨$$

$$ص = \sqrt{٤٨} = ٣\sqrt{٤}$$

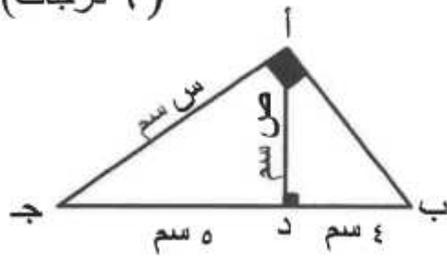
$$\therefore (\text{ب ج})^\circ = \angle ب ج د = ٣٠$$

$$س = \angle ب ج د = (١٢ + ٤) \times ٤ = ٦٤$$

$$س = \sqrt{٦٤} = ٨$$

أوجد \sin ، \cos بحسب المعطيات في الشكل المجاور

(٦ درجات)



٢٠١٦ / ٢٠١٤ م

الحل
 $\sin \angle B = \frac{AC}{AB} = \frac{5}{5} = 1$
 $\cos \angle B = \frac{BC}{AB} = \frac{4}{5}$

$\sin \angle A = \frac{BC}{AB} = \frac{4}{5}$
 $\cos \angle A = \frac{AC}{AB} = \frac{5}{5} = 1$

$\sin \angle C = \frac{AC}{AB} = \frac{5}{5} = 1$
 $\cos \angle C = \frac{BC}{AB} = \frac{4}{5}$

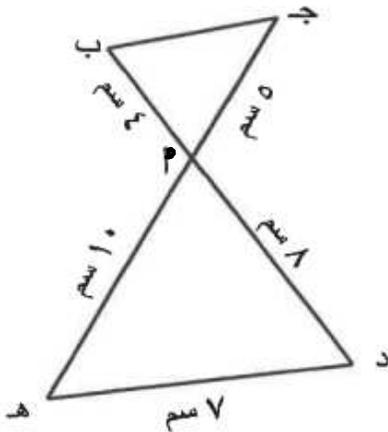
$\sin \angle B = \frac{AC}{AB} = \frac{5}{5} = 1$
 $\cos \angle B = \frac{BC}{AB} = \frac{4}{5}$

في الشكل المجاور $\overline{BD} \cap \overline{CE} = \{A\}$ ، $\angle B = \angle E$ ،

$\angle C = \angle D$ ، $\angle A = \angle A$ ، $\angle B = \angle E$ ، $\angle C = \angle D$

(١) اثبت أن المثلث $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

(٢) أوجد \sin ج



٢٠١٦ / ٢٠١٤ م

البرهان: ① $\triangle ADE \sim \triangle ABC$ ، $\angle B = \angle E$

② $\triangle ADE \sim \triangle ABC$ بالتقابل بارأس ← ①

$\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC}$
 $\frac{8}{4} = \frac{10}{5} = \frac{14}{7} = 2$

③ $\frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{DE}{BC} = 2$ ← ②

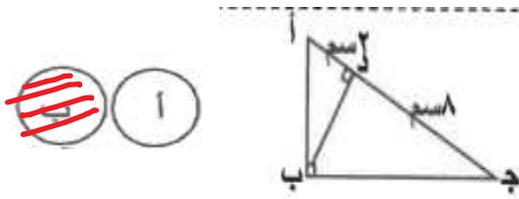
من ①، ② يتبع أن $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

④ $\triangle ADE \sim \triangle ABC$

$\sin \angle A = \frac{DE}{BC} = \frac{14}{7} = 2$
 $\cos \angle A = \frac{AD}{AB} = \frac{8}{4} = 2$

موضوعي الوحدة الرابعة

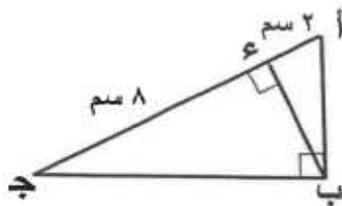
- ظل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة
 (ب) إذا كانت العبارة خاطئة .



في الشكل المجاور : $BD = 16$ سم

(ب) $16 = 8 \times 2 = 16$ سم $\Rightarrow BD = 16 = 16$ سم

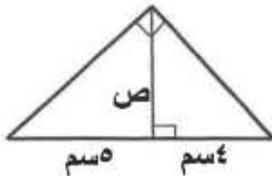
ظل رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي:



في الشكل المقابل : أ ب ج مثلث قائم الزاوية في ب

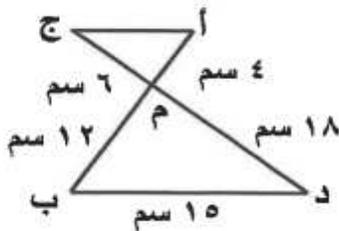
أع = ٢ سم ، جـ = ٨ سم ، $\overline{BD} \perp \overline{AC}$ ، فإن ب = ؟

- (أ) ١٦ (ب) ٦
 (ج) ٤ (د) ١٠
- (ب) $16 = 8 \times 2 = 16$ سم
 (د) $16 = 8 \times 2 = 16$ سم



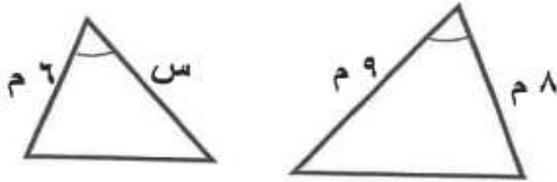
بحسب المعطيات بالشكل المقابل قيمة ص =

- (أ) ٢٠ (ب) ٥
 (ج) ٣ (د) $\frac{4}{5}$
- (ب) $5 = 5 \times 1 = 5$ سم
 (د) $5 = 5 \times 1 = 5$ سم



من الشكل المقابل طول أ ج =

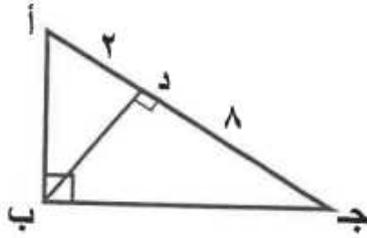
- (أ) ٣ سم (ب) ٥ سم
 (ج) ٧,٥ سم (د) ٩ سم
- (ب) $3 = \frac{15}{5}$
 (د) $3 = \frac{15}{5} = 3$ سم



إذا كان الشكلين المقابلين متشابهين
فإن قيمة س تساوي :

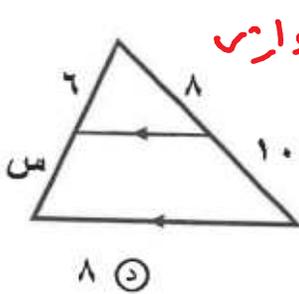
- Ⓐ ٢ م
- Ⓑ ٦,٧٥ م
- Ⓒ ٣ م
- Ⓓ ٩ م

$$6,75 = \frac{6 \times 9}{8} = س \iff \frac{8}{6} = \frac{9}{س}$$



في الشكل المقابل : طول $\overline{ب د}$ يساوي :

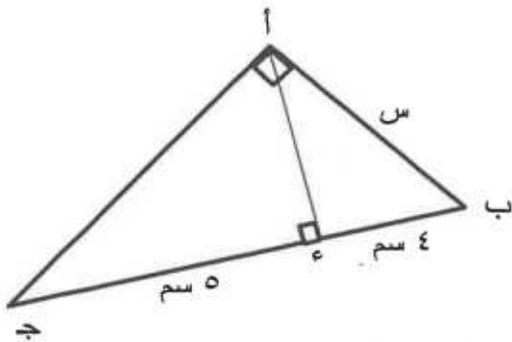
- Ⓐ ٤
 - Ⓑ ١٠
 - Ⓒ ٦
 - Ⓓ ١٦
- (ب.س) $16 = 8 \times 2 = ١٦$
 $١٦ = ٤ \times ٤$
 $١٦ = ٤ \times ٤$



تظرية التثمين لجوارس

في الشكل المقابل : قيمة س تساوي :

- Ⓐ ٢
 - Ⓑ ٤,٥
 - Ⓒ ٨
 - Ⓓ ٧,٥
- $\frac{2}{6} = \frac{4}{س}$
 $س = \frac{10 \times 6}{2} = ٣٠$
 $٣٠ = ٤,٥ \times ٦$

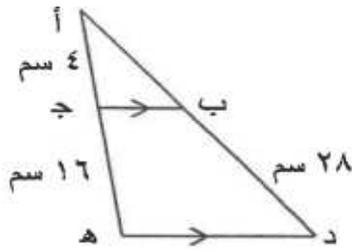


في الشكل المرسوم : أ ب ج مثلث قائم الزاوية في أ

$\overline{أ ع} \perp \overline{ب ج}$ فإن قيمة س =

- Ⓐ ٢٠ سم
 - Ⓑ ١٠ سم
 - Ⓒ ٣ سم
 - Ⓓ ٦ سم
- $س = ب د \times ج د = ٩ \times ٤ = ٣٦$
 $٣٦ = س$
 $٣٦ = ٦ \times ٦$

تظرية التثمين لجوانس



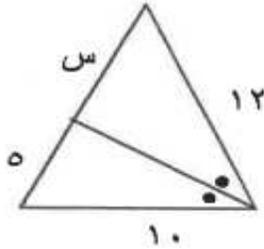
في الشكل المقابل: إذا كان $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ فإن $AB =$

$$\frac{4}{16} = \frac{AB}{28} \implies AB = \frac{28 \times 4}{16} = 7$$

- أ ٤
 ب ٧
 ج ٦
 د ٨

تظرية منصف الزاوية

$$\frac{10}{5} = \frac{12}{s} \implies s = \frac{12 \times 5}{10} = 6$$



في الشكل المقابل قيمة s تساوي :

- أ ٢
 ب ٦
 ج ٢٤
 د $\frac{1}{6}$

* مهـ لـ بـ بـ

في الشكل المقابل : قيمة s تساوي :

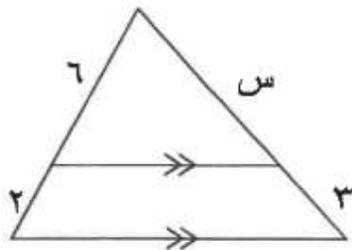


$$\frac{4}{9} = \frac{s}{8} \implies s = \frac{4 \times 8}{9} = \frac{32}{9}$$

- أ ٥ سم
 ب ٤ سم
 ج ٨ سم
 د ٤, ٥ سم

تظرية التثمين لجوانس

من الشكل المجاور s تساوي :



- أ ٦
 ب ٩
 ج ٨
 د ١٢

$$\frac{6}{2} = \frac{s}{3} \implies s = \frac{6 \times 3}{2} = 9$$

الوحدة الخامسة

٢٠٢١ / ٢٠٢١ م

أوجد مجموع خمسة وعشرون حداً الأولى من المتتالية الحسابية
التي حدها الأول ٧- وأساسها ٤

الحل

$$P = ٢٥ = ?$$

$$:: \text{فن } \frac{n}{٢} = [٢٢ + ٤(١-n)]$$

$$٢٥ = n$$

$$\text{جواب } \frac{٢٥}{٢} = [٤x(١-٢٥) + ٧]$$

$$٧- = ١٢$$

$$١٠٢٥ = \text{جواب}$$

$$٤ = ٤$$

٢٠١٩ / ٢٠٢٠ م

أدخل ثلاثة أوساط حسابية بين العددين ٣ ، ١١

$$\overset{٥2}{(١١ \text{ ، } \boxed{9} \text{ ، } \boxed{7} \text{ ، } \boxed{5} \text{ ، } \overset{12}{3})}$$

$$٢ = \frac{٣-١١}{٤} = \frac{١٢-٥2}{١-٥}$$

∴ الأوساط الثلاثة هي ٩ ، ٧ ، ٥

٢٠١٨ / ٢٠١٩ م

أوجد مجموع الثمانية حدود الأولى من المتتالية الهندسية التي حدها الأول ٣ وأساسها ٣ .

$$ج = ٨ = ?$$

$$٨ = ن$$

$$٣ = ١٤$$

$$٣ = ر$$

الحل

$$ج = ٨ = \frac{٣ - ٣^n}{٣ - ٣} \times ٣$$

$$٨ = \frac{٣ - ٣^n}{٣ - ٣} \times ٣$$

$$٩٨٤٠ = ٨$$

٢٠١٧ / ٢٠١٨ م

في المتتالية الحسابية (٣ ، ٥ ، ٧ ، ...) أوجد ما يلي :

(١) الحد العشرون

(٢) مجموع الحدود العشرين الأولى منها

الحل

$$٣ = ١٤$$

$$١٤ - ٥ = ٩$$

$$٩ = ٣ - ٥ =$$

$$٩ = ٢٠$$

$$٢٠ = ن$$

$$٩ = ج$$

$$ج = ٢٠ = ٣ + (٢٠ - ١) \times ٩$$

$$٩ = ٢٠ \times (١ - ٩)$$

$$٩١ = ٩$$

$$ج = ٢٠ = \frac{٣ + ١٤}{٢} \times ٢٠$$

$$٩١ = ٢٠ \times \frac{٣ + ١٤}{٢}$$

$$٩١ =$$

(تدرأى الحدك كالتالي)

أوجد مجموع الحدود العشرة الأولى من المتتالية الهندسية (٢، ٤، ٨، ١٦، ...) (٢٠١٤ / ٢٠١٥ م)

الحل:

$$r = \frac{4}{2} = \frac{2^2}{2^1} = 2$$

$$P = 10$$

$$n = 10$$

$$S_n = \frac{a(1-r^n)}{1-r}$$

$$S_{10} = \frac{2(1-2^{10})}{1-2}$$

$$S_{10} = 2046$$

موضوعي الوحدة الخامسة

- ظل (أ) إذا كانت العبارة صحيحة
 (ب) إذا كانت العبارة غير صحيحة



في المتتالية الهندسية الموجبة الحدود (١٢، ٣، ٠٠٠) قيمة s هي ٦

$$6 = \sqrt[3]{12 \times 3} = s$$



في المتتالية الحسابية (٤، ١، -٢، ٠٠٠) رتبة الحد الذي قيمته -٢٣ هي ٩

$$-23 = 4 + (n-1)(-1) \Rightarrow -27 = (n-1)(-1) \Rightarrow n-1 = 27 \Rightarrow n = 28$$

ظل رمز الإجابة الصحيحة فيما يلي:

إذا أدخلنا ثلاثة أوساط حسابية بين العددين ٩ ، ٣ فإن هذه الأوساط هي :

$$r = \frac{(9-3)-3}{2} = \frac{12-02}{1-0} = 5 \leftarrow (3, 5, 7, 9)$$

٣ ، ١- ، ٥- (ب)

٣- ، ٥- ، ٧- (أ)

صفر ، ٣- ، ٦- (ج)

٢- ، ٥- ، ٨- (د)

١.٤

١.٢

متتالية حسابية فيها الحد الأول يساوي ٢ والحد العاشر يساوي ٢٠ فإن مجموع

الحدود العشرة الأولى منها يساوي : $110 = 10 \times 11 = [5 + 16] \times 10 = 110$

٢٢٠ (د)

١١٠ (ج)

٥٥ (ب)

٢٢ (أ)

$$162 = 3 \times 2^5 = 3 \times 32 = 96$$

$$r = \frac{1}{2} = 0.5 \quad c = 1, 2$$

الحد الخامس في المتتالية الهندسية (٢ ، ٦ ، ١٨ ،) هو

٥٤ (د)

٨٣ (ب)

٢٤٣ (ج)

١٦٢ (أ)

إذا أدخلنا ثلاثة أوساط حسابية بين العددين ٥ ، ٢١ فإن هذه الأوساط هي :

$$r = \frac{(21-5)-5}{2} = \frac{12-02}{1-0} = 5 \leftarrow (5, 10, 15, 20)$$

١٧ ، ١٣ ، ٩ (ب)

١٨ ، ١٤ ، ١٠ (أ)

١٩ ، ١٤ ، ٩ (د)

١٦ ، ١٢ ، ٨ (ج)

الحد الخامس لمتتالية هندسية حدها الأول ٣ وأساسها ٢ هو : $48 = 3 \times 2^4 = 3 \times 16 = 48$

٥- (د)

٩٦- (ج)

٤٨ (أ)

٢٤ (ب)

$$r = 2, c = 9$$

الحد الخامس في المتتالية الهندسية التي حدها الأول ٩ وأساسها ٣ هو :

$$729 = 9 \times 3^4 = 9 \times 81 = 729$$

٧٢٩ (ب)

٨١ (أ)

٢١٨٧ (د)

٢٤٣ (ج)