

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الكويتية



الملف إجابة الاختبار النهائي الرسمي المعتمد من التوجيه الفني العام

[موقع المناهج](#) ⇨ [المناهج الكويتية](#) ⇨ [الصف الثاني عشر العلمي](#) ⇨ [رياضيات](#) ⇨ [الفصل الثاني](#)

روابط مواقع التواصل الاجتماعي بحسب الصف الثاني عشر العلمي



روابط مواد الصف الثاني عشر العلمي على تلغرام

الرياضيات	اللغة الانجليزية	اللغة العربية	التربية الاسلامية
---------------------------	----------------------------------	-------------------------------	-----------------------------------

المزيد من الملفات بحسب الصف الثاني عشر العلمي والمادة رياضيات في الفصل الثاني

كراسة متابعة تعليمية علمي	1
حاول ان تحل	2
اختبار تقييمي ثاني	3
إجابة اختبار تقييمي ثاني	4
نماذج اختبارات تجريبية حديثة لاختبارات الفانال مرفقة بالإجابة	5

القسم الأول – أسئلة المقال
تراعى الحلول الأخرى في جميع أسئلة المقال

السؤال الأول : (15 درجة)

(a) (1) ضع العدد المركب : $z = 1 - \sqrt{3}i$ في الصورة المثلثية (5 درجات)
الحل :

$$\begin{aligned} \because x = 1, y = -\sqrt{3} \\ \therefore r = |z| = \sqrt{(1)^2 + (-\sqrt{3})^2} = 2 \\ \therefore \tan \alpha = \left| \frac{-\sqrt{3}}{1} \right| = \sqrt{3} \Rightarrow \alpha = \frac{\pi}{3} \\ \because x > 0, y < 0 \\ \therefore \theta = 2\pi - \frac{\pi}{3} = \frac{5\pi}{3} \\ z = 2\left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3}\right) \end{aligned}$$

بفرض α زاوية الاسناد :

$\therefore \theta$ تقع في الربع الرابع .

الصورة المثلثية هي :

(a) (2) أوجد مجموعة حل المعادلة : $z^2 - 2z + 2 = 0$ في C . (5 درجات)
الحل :

$$\begin{aligned} \Delta &= b^2 - 4ac \\ &= (-2)^2 - 4(1)(2) = -4 \\ &= 2^2 \times i^2 \\ z_1 &= \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{2 - 2i}{2 \times 1} = 1 - i \\ z_2 &= \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{2 + 2i}{2 \times 1} = 1 + i \end{aligned}$$



مجموعة الحل = $\{1 + i, 1 - i\}$



تابع السؤال الأول :

(b) إذا كان $\cos \theta = \frac{3}{5}$, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$

فأوجد $\sin 2\theta$

(5 درجات)

الحل :

$$\cos^2 \theta + \sin^2 \theta = 1$$

$$\sin^2 \theta = 1 - \cos^2 \theta$$

$$= 1 - \left(\frac{3}{5} \right)^2$$

$$= \frac{16}{25}$$

$$\because 0 < \theta < \frac{\pi}{2} \quad \therefore \sin \theta > 0$$

$$\sin \theta = \frac{4}{5}$$

$$\sin 2\theta = 2 \sin \theta \cos \theta$$

$$\sin 2\theta = 2 \times \frac{4}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{24}{25}$$



كنترول القسم العلمي
لجنة تقدير الدرجات



السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) حل المعادلة : ${}_6P_r = 4 \times {}_6P_{r-1}$

(7 درجات)

الحل :

$$\frac{6!}{(6-r)!} = 4 \times \frac{6!}{(6-(r-1))!}$$

$$\frac{6!}{(6-r)!} = \frac{4 \times 6!}{(6-r+1)!}$$

$$\frac{6!}{(6-r)!} = \frac{4 \times 6!}{(6-r+1)(6-r)!}$$

$$1 = \frac{4}{6-r+1}$$

$$6-r+1 = 4$$

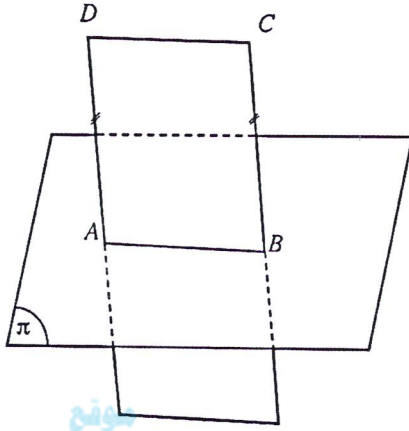
$$r = 3$$



تابع السؤال الثاني :

(8 درجات)

(b) في الشكل المقابل :



$$\overrightarrow{AB} \subset \pi , \overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC} , AD = BC$$

أثبت أن : $\overrightarrow{CD} // \pi$

الحل :

1

$$\therefore \overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC}$$

1

$\therefore \overrightarrow{AD} , \overrightarrow{BC}$ يعينان مستويا وحيدا و ليكن $(ABCD)$ فيه

2

$$\overrightarrow{AD} // \overrightarrow{BC} , AD = BC$$

1

$\therefore ABCD$ متوازي أضلاع

1

$$\text{ومنه } \overrightarrow{DC} // \overrightarrow{AB}$$

1

$$\therefore \overrightarrow{AB} \subset \pi \quad (\text{معطى})$$

1

$$\therefore \overrightarrow{CD} // \pi \quad (\text{نظرية})$$



كنترول القسم العلمي
لجنة تقدير الدرجات



السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) أوجد السعة و الدورة للدالة : $y = -3\cos 2x$ ثم ارسم بيائها (5 درجات)

الحل :

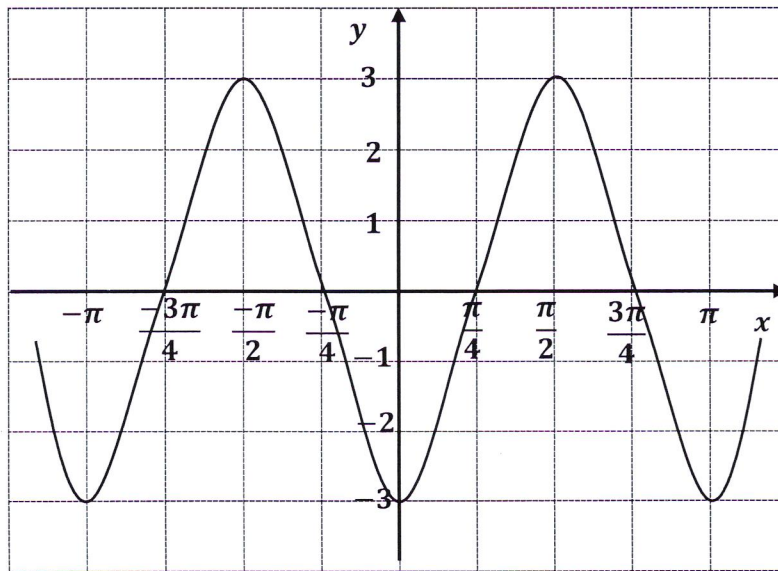
هي دالة دورية مجالها \mathbb{R} $y = -3\cos 2x$

السعة : $|a| = |-3| = 3$

الدورة : $\frac{2\pi}{|b|} = \frac{2\pi}{2} = \pi$

ربع الدورة = $\frac{\pi}{4}$

x	0	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{2}$	$\frac{3\pi}{4}$	π
$2x$	0	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
$\cos 2x$	1	0	-1	0	1
$y = -3\cos 2x$	-3	0	3	0	-3

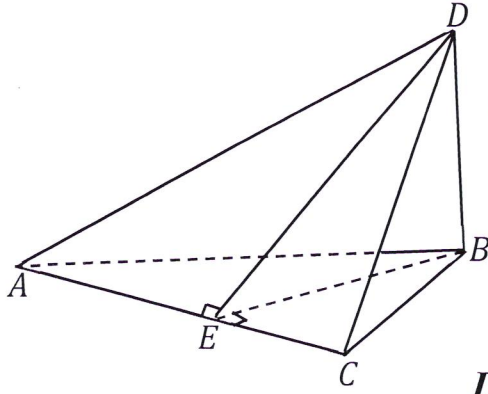


كشورل القسم العلمي
لجنة تقدير الدرجات



تابع السؤال الثالث:

(10 درجات)



(b) في الشكل المقابل D نقطة خارج مستوى المثلث ABC ،

$$DB = 5 \text{ cm} , AB = 10 \text{ cm} , m(\widehat{BAC}) = 45^\circ$$

$$\overline{BD} \perp (ABC)$$

$$\overline{BE} \perp \overline{AC} , \overline{DE} \perp \overline{AC}$$

أوجد : (1) BE

(2) قياس الزاوية الزوجية بين المستويين DAC , BAC

الحل :

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

1

$\frac{1}{2}$

1

1

1) $\because \overline{BE} \perp \overline{AC} \Rightarrow \therefore m(\widehat{BEA}) = 90^\circ$

$$\because m(\widehat{BAC}) = 45^\circ \therefore m(\widehat{ABE}) = 45^\circ$$

$\therefore AEB$ مثلث متطابق الضلعين

$$2(BE)^2 = 100$$

$$\therefore BE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$$

2)

\overline{AC} هو خط تقاطع المستويين BAC , DAC

$\overline{BE} \perp \overline{AC}$ في المستوى BAC

$\overline{DE} \perp \overline{AC}$ في المستوى DAC

\therefore الزاوية المستوية للزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC هي \widehat{BED}

$$\because \overline{BD} \perp (ABC) , \overline{BE} \subset (ABC)$$

$$\therefore \overline{BD} \perp \overline{BE}$$

$\therefore \triangle DBE$ قائم في B وفيه $DB = 5 \text{ cm} , BE = 5\sqrt{2} \text{ cm}$

$$\therefore \tan(\widehat{BED}) = \frac{BD}{BE} = \frac{5}{5\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\therefore m(\widehat{BED}) = 35^\circ 16'$$

\therefore قياس الزاوية الزوجية بين المستويين BAC , DAC يساوي $35^\circ 16'$ تقريبا



السؤال الرابع : (15 درجة)

(a) حل المثلث ABC حيث : $a = 12$, $b = 21$, $\gamma = 95^\circ$ (7 درجات)

الحل :

$\frac{1}{2}$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2 a b \cos \gamma$$

1

$$= 12^2 + 21^2 - 2 \times 12 \times 21 \times \cos (95^\circ)$$

$\frac{1}{2}$

$$= 144 + 441 - 504 \cos (95^\circ) \approx 628.926$$

$\frac{1}{2}$

$$c \approx 25.08 \text{ cm}$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos \alpha = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2 b c}$$

1

$$= \frac{(21)^2 + (25.08)^2 - (12)^2}{2 \times 21 \times 25.08}$$

$\frac{1}{2}$

$$\cos \alpha \approx 0.879$$

$\frac{1}{2}$

$$\alpha \approx 28.5^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\beta = 180^\circ - \gamma - \alpha$$

1

$$\approx 180^\circ - 95^\circ - 28.5^\circ$$

$\frac{1}{2}$

$$\approx 56.5^\circ$$



تابع السؤال الرابع:

(8 درجات)

$$2\cos\theta \sin\theta = -\sin\theta$$

(b) حل المعادلة :

الحل :

$$2\cos\theta \sin\theta + \sin\theta = 0$$

$$\sin\theta(2\cos\theta + 1) = 0$$

$$\sin\theta = 0 \quad \text{أو} \quad \cos\theta = \frac{-1}{2}$$

$$\cos\theta = -\frac{1}{2}$$

نأخذ

نفرض أن α هي زاوية الاسناد للزاوية θ

$$\therefore \cos\alpha = |\cos\theta| = \left| \frac{-1}{2} \right| = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \alpha = \frac{\pi}{3}$$

$$\therefore \cos\theta < 0$$

$\therefore \theta$ تقع في الربع الثاني أو في الربع الثالث

عندما θ تقع في الربع الثاني:

$$\theta = (\pi - \alpha) + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

$$= \left(\pi - \frac{\pi}{3} \right) + 2k\pi = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi$$

عندما θ تقع في الربع الثالث:

$$\theta = (\pi + \alpha) + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

$$= \left(\pi + \frac{\pi}{3} \right) + 2k\pi = \frac{4\pi}{3} + 2k\pi$$

$$\sin\theta = 0$$

نأخذ

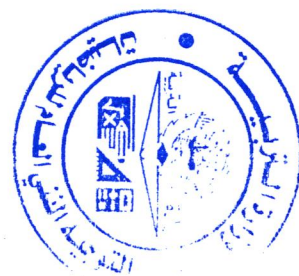
$\therefore \theta$ زاوية ربعية

$$\therefore \theta = 0 \quad \text{أو} \quad \theta = \pi$$

$$\therefore \theta = 2k\pi \quad \text{أو} \quad \theta = \pi + 2k\pi, \quad k \in \mathbb{Z}$$

حل المعادلة :

$$k \in \mathbb{Z} \quad \text{حيث} \quad \theta = 2k\pi \quad \text{أو} \quad \theta = \pi + 2k\pi \quad \text{أو} \quad \theta = \frac{2\pi}{3} + 2k\pi \quad \text{أو} \quad \theta = \frac{4\pi}{3} + 2k\pi$$



القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) الصورة المبسطة للتعبير : $(12 + 5i) - (2 - i)$ هي : $10 + 6i$

(2) لا يمكن إيجاد مساحة مثلث بمعلومية قياسات زواياه الثلاثة .

(3) يكون المستويان متوازيين إذا اشتركا في نقطة واحدة على الأقل .

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) الجذران التربيعيان للعدد المركب : $z = 33 - 56i$ هما :

(a) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$

(b) $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$

(c) $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(d) $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(5) مثلث قياسات زواياه : $50^\circ, 60^\circ, 70^\circ$ ، طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm ،
طول أطول ضلع حوالي :

(a) 11.5 cm

(b) 11 cm

(c) 12 cm

(d) 12.5 cm

(6) المقدار $\frac{1}{\tan x} + \tan x$ متطابق مع المقدار :

(a) $\sec x \csc x$

(b) $\sec x \sin x$

(c) $\sec x \cos x$

(d) $\sin x \cos x$



(7) $\cos 94^\circ \cos 18^\circ + \sin 94^\circ \sin 18^\circ$ تساوي :

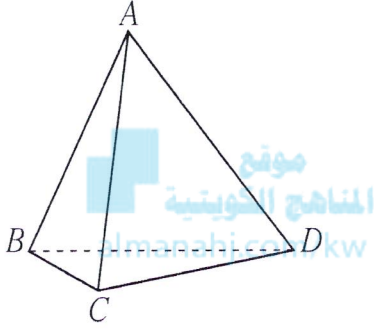
(a) $\cos 112^\circ$

(b) $\sin 112^\circ$

(c) $\sin 76^\circ$

(d) $\cos 76^\circ$

(8) النقاط B, C, D تعين :



(a) مستويًا واحدًا

(b) مستويين مختلفين

(c) عدد لا منته من المستويات المختلفة

(d) لا يمكن أن تعين مستويًا

(9) إذا توازي مستويان مختلفان و قطعهما مستو ثالث فإن خطي التقاطع :

(a) متقاطعان

(b) متخالفان

(c) متوازيان

(d) متعامدان

(10) في مفكوك $(3x + 2y)^8$ الحد الذي يحوي $x^3 y^5$ هو :

(a) T_3

(b) T_6

(c) T_5

(d) T_8

" انتهت الأسئلة "



ورقة إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

موقع
المنهاج الكويتية
almanahj.com/kw



لكل بند درجة واحدة فقط

10

